

# المتجهات

## تمارين تطبيقية

### تمرين 1

$EFG$  مثلث قائم الزاوية في  $E$  بحيث :  $EF = 4 \text{ cm}$  و  $EG = 3 \text{ cm}$ .

- (1) - شكلا مناسبيا .
- (2) - حدد عناصر كل من المتجهات :  $\overrightarrow{EF}$  و  $\overrightarrow{GE}$  و  $\overrightarrow{FG}$ .

### تمرين 2

$ABC$  مثلث .

- (1) - أنشئ  $M$  بحيث :  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{BC}$ .
- (2) - أنشئ  $N$  بحيث :  $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{CB}$ .
- (3) - استنتج أن  $A$  منتصف  $[MN]$ .

### تمرين 3

$A$  و  $B$  و  $E$  ثلاث نقط غير مستقيمية .

- (1) - أنشئ  $M$  بحيث :  $\overrightarrow{AM} = 2\overrightarrow{AE}$ .
- (2) - أنشئ  $N$  بحيث :  $\overrightarrow{BN} = 2\overrightarrow{BE}$ .
- (3) - بين أن :  $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{BM}$ .

### تمرين 4

$[AB]$  قطعة و  $M$  منتصفها .

$E$  نقطة لا تنتمي إلى المستقيم  $(AB)$  و  $F$  مماثلتها بالنسبة للنقطة  $M$ .

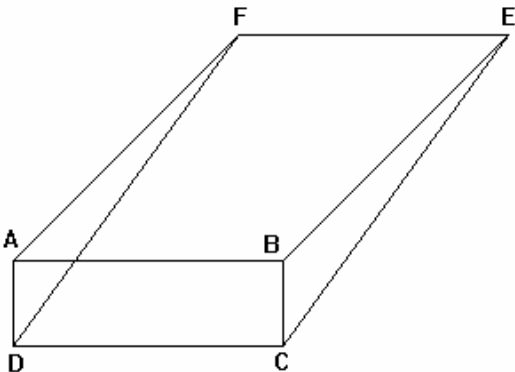
- (1) - أرسم شكلا مناسبيا .
- (2) - أثبت أن :  $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{FB}$  و أن :  $\overrightarrow{AF} = \overrightarrow{EB}$ .
- (3) - بين أن :  $\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{MF}$  و أن :  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{MB}$ .

### تمرين 5

نعتبر الشكل جانبه بحيث :

$ABCD$  مستطيل و  $ABEF$  متوازي الأضلاع .

- (1) - أثبت أن :  $DCEF$  متوازي أضلاع .
- (2) - استنتج أن :  $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{FD}$ .



### تمرين 6

$ABCD$  متوازي أضلاع .

(1) - أرسم شكلا مناسباً .

(2) - حدد المتجهة :  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$  .

(3) - أنشئ بحيث :  $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD}$  .

### تمرين 7

نعتبر الشكل جانبه بحيث :

$\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{EF}$  و  $\overrightarrow{MN}$  متجهات غير منعدمة .

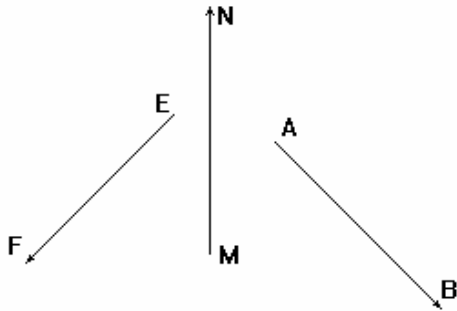
(1) - أنقل الشكل في دفترك .

(2) - أنشئ  $K$  بحيث :  $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{MN}$  .

(3) - أنشئ  $L$  بحيث :  $\overrightarrow{EL} = 2\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{MN}$  .

(4) - أنشئ  $V$  بحيث :  $\overrightarrow{MV} = -\overrightarrow{EF} + 3\overrightarrow{AB}$  .

(5) - أنشئ  $W$  بحيث :  $\overrightarrow{AW} = 3\overrightarrow{EF} - 2\overrightarrow{MN}$  .



### تمرين 8

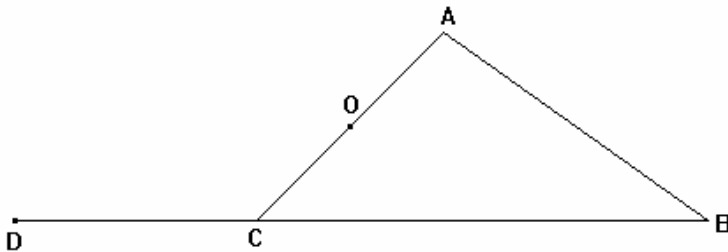
نعتبر الشكل جانبه بحيث :

$ABC$  مثلث و  $O$  منتصف  $[AC]$  .

(1) - أنشئ  $E$  مماثلة  $B$  بالنسبة للنقطة  $O$  .

(2) - بين أن :  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{EC}$  .

(3) - أثبت أن :  $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{EA}$  .



### تمرين 9

$ABCD$  متوازي الأضلاع .

لتكن  $E$  منتصف  $[AB]$  و  $F$  منتصف  $[CD]$  .

(1) - أرسم الشكل .

(2) - أثبت أن :  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{0}$  و أن :  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{0}$  .

(3) - أثبت أن :  $\overrightarrow{AF} = \overrightarrow{EC}$  ثم استنتج  $\overrightarrow{AE} + \overrightarrow{AF}$  .

### تمرين 10

$E$  و  $F$  و  $G$  و  $H$  نقط من المستوى .

بسط مايلي :

$$\overrightarrow{GH} + \overrightarrow{FE} + \overrightarrow{HF} + \overrightarrow{EG} \quad ; ; \quad \overrightarrow{EH} + \overrightarrow{FG} + \overrightarrow{HF} \quad ; ; \quad \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{FG}$$

### تمرين 11

$ABCD$  متوازي الأضلاع .

أختصر مايلي :

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} \quad ; ; \quad \overrightarrow{DB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AD} \quad ; ; \quad \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD}$$

### تمرين 12

$ABCD$  متوازي الأضلاع .

- (1) - أثبت أن  $A$  هي صورة  $B$  بالإزاحة التي تحول  $C$  إلى  $D$  .
- (2) - أثبت أن  $D$  هي صورة  $A$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{BC}$  .

### تمرين 13

$ABCD$  متوازي الأضلاع و  $E$  منتصف  $[BC]$  .

- (1) - أنشئ  $F$  صورة  $C$  بالإزاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$  .
- (2) - أثبت أن  $E$  منتصف  $[AF]$  .
- (3) - أنشئ  $G$  صورة  $A$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{CB}$  .  
أثبت أن الرباعي  $GC = \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GA}$  .

### تمرين 14

$A$  و  $B$  و  $M$  نقط غير مستقيمية .

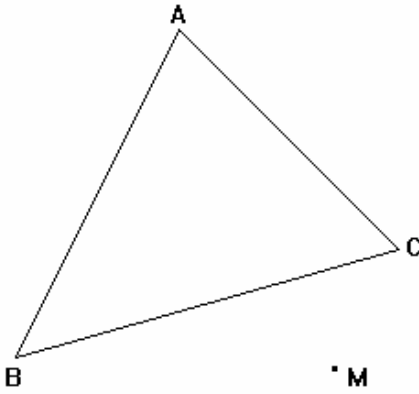
- (1) - أنشئ  $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  .
- (2) - أنشئ  $M''$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{BA}$  .
- (3) - أثبت أن :  $\overrightarrow{MM'} + \overrightarrow{MM''} = \overrightarrow{O}$  .

### تمرين 15

نعتبر الشكل جانبه بحيث :

$ABC$  مثلث و  $M$  نقط خارجة .

- (1) - أنشئ  $N$  صورة  $M$  بالإزاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$  .
- (2) - أنشئ  $P$  صورة  $N$  بالإزاحة التي تحول  $B$  إلى  $C$  .
- (3) - أثبت أن الرباعي  $AMPC$  متوازي الأضلاع .



### تمرين 16

$ABC$  مثلث .

- (1) - أنشئ  $E$  صورة  $A$  بالإزاحة التي تحول  $B$  إلى  $C$  .
- (2) - أنشئ  $F$  صورة  $C$  بالإزاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$  .
- (3) - أثبت أن  $F$  صورة  $C$  بالإزاحة التي تحول  $E$  إلى  $C$  .